

# TALASNO-MEHANIČKI MODEL ATOMA

$$\left(\frac{r}{a_0}\right)^2 \left(12 - \frac{r}{a_0}\right) e^{-r/4a_0} \sqrt{\frac{15}{8\pi}} \cos \theta \sin \theta e^{i\phi}$$

# TALASNO-MEHANIČKI MODEL ATOMA

Kompton (1922):

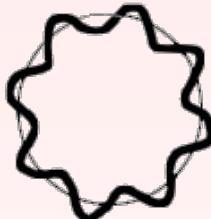
svetlost ima i talasnu i korpuskularnu prirodu.

Luj De Broj (1923):

elektron ima i korpuskularnu i talasnu prirodu.

Zašto su moguće samo neke orbite, tačno određenog prečnika i tačno određene energije???

## ELEKTRON KAO STOJEĆI TALAS! (3D)



Da ne bi došlo do poništavanja talasa interferencijom, tj. do nestanka impulsa elektrona, mora biti:

$$2r\pi = n\lambda$$

I način:

$$mv_e 2r\pi = nh$$

$$2r\pi = \frac{nh}{mv_e}$$

$$n\lambda = \frac{nh}{mv_e}$$

$$\lambda = \frac{h}{mv_e}$$
 ©TMF

II način:

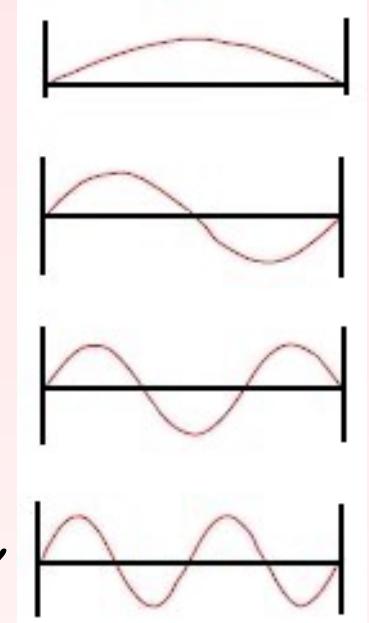
$$E = mc^2; E = h\nu$$

$$mc^2 = h\nu$$

$$mc = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{h}{mc}$$

$$\nu \rightarrow 0, \lambda \rightarrow \infty, \nu \rightarrow 0$$



(1D)

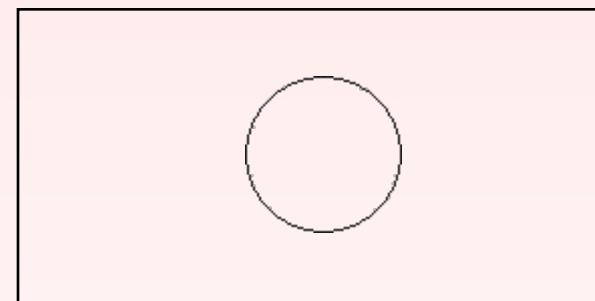
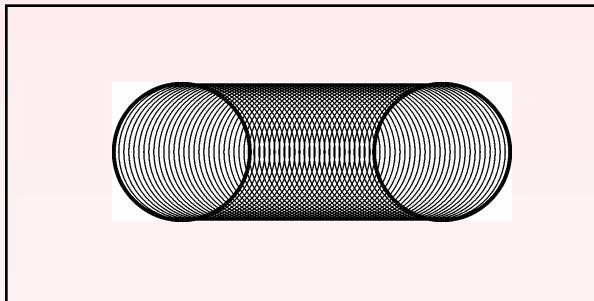
# HAJZENBERGOV PRINCIP NEODREĐENOSTI

Nemoguće je istovremeno odrediti brzinu elektrona (tj. momenat kretanja,  $mv$ ) i njegov položaj u prostoru oko jezgra.

impuls elektrona:  $p = mv$

$$\Delta p \cdot \Delta x \geq h$$

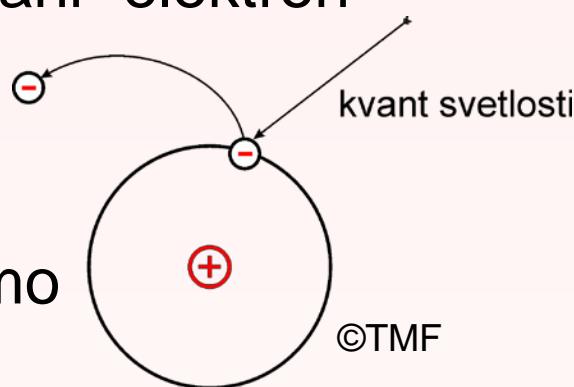
$\Delta p$  - neodređenost impulsa  
 $\Delta x$  - neodređenost položaja



$x = ?$ , „razmazani“ elektron

$p = ?, v = ?$

Zašto u stvari nikako ne možemo „videti“ elektron?



Posledica Hajz. principa:  
elektronu se ne može pripisati jedna određena orbita, već govorimo o verovatnoći nalaženja elektrona!

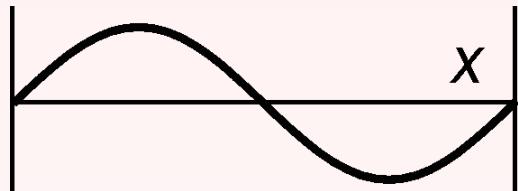
# ELEKTRON ???

Ako je elektron **čestica**, onda nismo sigurni gde se nalazi, pa govorimo o **razmazanom elektronu**, odnosno preciznije o **elektronskom oblaku**, koji se nalazi u nekom delu prostora.

Ako je elektron **talas**, onda on mora biti **stojeći talas**, a njegovo kretanje moramo opisivati odgovarajućim talasnim funkcijama.  
(Normalno je što ga ne vidimo.)

$\Psi$  - talasna funkcija (psi-funkcija)

$$\Psi = f(x, y, z)$$



kretanje stojećeg talasa u jednoj dimenziji

$$\frac{d^2 f(x)}{dx^2} + \frac{4\pi^2}{\lambda^2} f(x) = 0$$

diferencijalna jednačina drugog reda  
©TMF

Šredinger, 1926. (kretanje talasa-elektrona u tri dimenzije)

$$\frac{\partial^2 \Psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial z^2} + \frac{4\pi^2}{\lambda^2} \Psi = 0$$

---

$$\nabla^2 \Psi$$

$$\text{smene: } \lambda = \frac{h}{mv}; E_k = E_u - E_p = \frac{mv^2}{2}; v^2 = \frac{2(E_u - E_p)}{m}$$

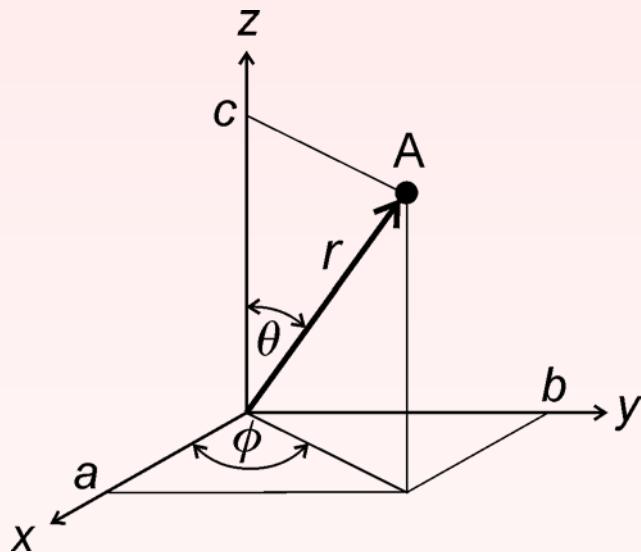
$$\nabla^2 \Psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E_u - E_p) \Psi = 0$$

$$H\Psi = E\Psi$$

Suština: Šredingerova diferencijalna jednačina daje vezu između položaja i energije elektrona.

Parametri talasne funkcije pri rešavanju  
Šreдингерove jednačine:  $n, l, m_l (m_s)$

$\Psi$ -funkcija ili **ORBITALA** - deo prostora u kojem  
postoji 90 % verovatnoće nalaženja elektrona



$A(a,b,c)$  – ortogonalne koordinate

$A(r,\phi,\theta)$  – polarne koordinate

# Oblici talasne funkcije

$n$     $l$     $m_l$    oznaka

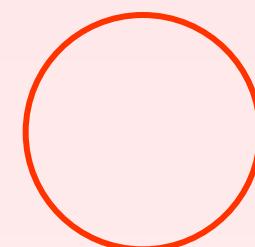
1   0   0       $1s$

$\Psi$

$$\frac{1}{\sqrt{\pi a_0^3}} \exp\left(-\frac{r}{a_0}\right)$$

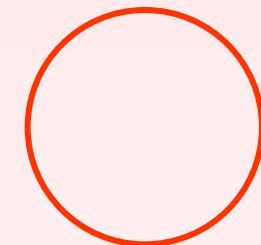
$R(r)$

$Y(\phi, \theta)$



2   0   0       $2s$

$$\frac{1}{\sqrt{8\pi a_0^3}} \left(1 - \frac{r}{2a_0}\right) \exp\left(-\frac{r}{2a_0}\right)$$



2   1   0       $2p_z$

$$\frac{1}{\sqrt{128\pi a_0^5}} \cdot r \cdot \exp\left(-\frac{r}{2a_0}\right) \cos \theta$$

2   1   -1       $2p_y$

$$\frac{1}{\sqrt{512\pi a_0^5}} \cdot r \cdot \exp\left(-\frac{r}{2a_0}\right) \sin \theta \sin \phi$$

3   2   0       $3d_{z^2}$

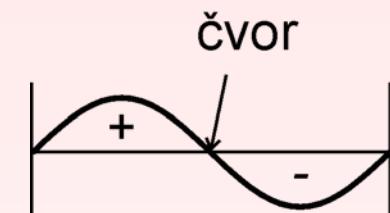
$$\frac{1}{81\sqrt{64\pi a_0^7}} \cdot r^2 \cdot \exp\left(-\frac{r}{3a_0}\right) (3\cos^2 \theta - 1)$$

$$\Psi(r, \phi, \theta) = R(r) \cdot \text{funkcija radijalne raspodele}$$

$$Y(\phi, \theta) \cdot \text{funkcija ugaone raspodele}$$

s-orbitale:  $Y(\phi, \theta) = 1 \Rightarrow \Psi = R(r) \Rightarrow$  sferna simetrija

$\Psi$  - opisuje stojeći talas u prostoru  
(čista matematika – nema fizički smisao)



$\Psi^2$  - opisuje verovatnoću nalaženja elektrona u prostoru (ima fizički smisao, ali mora biti „normalizovana”)

$$\int_0^\infty \Psi^2 d\Psi = 1$$

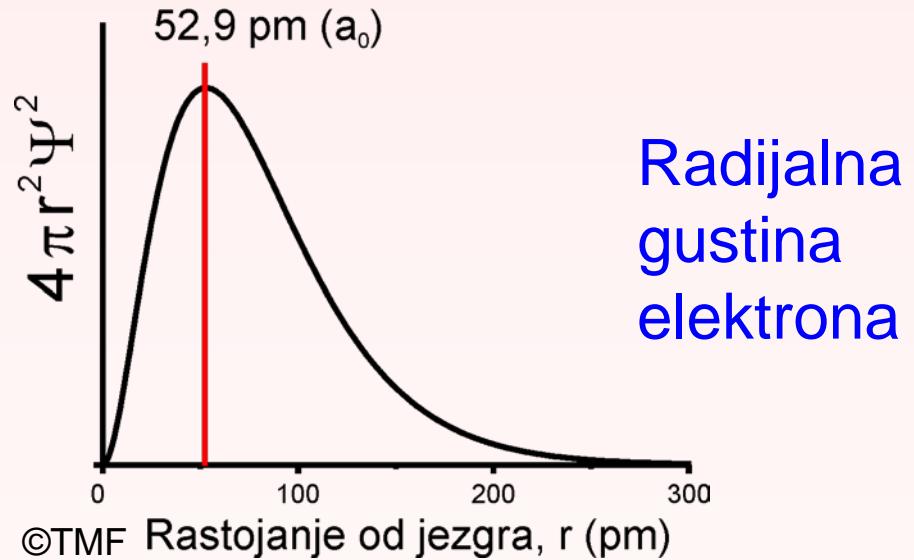
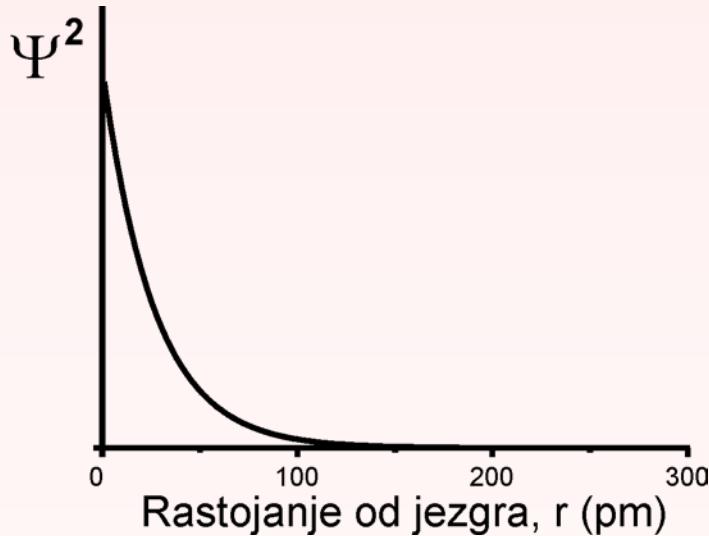
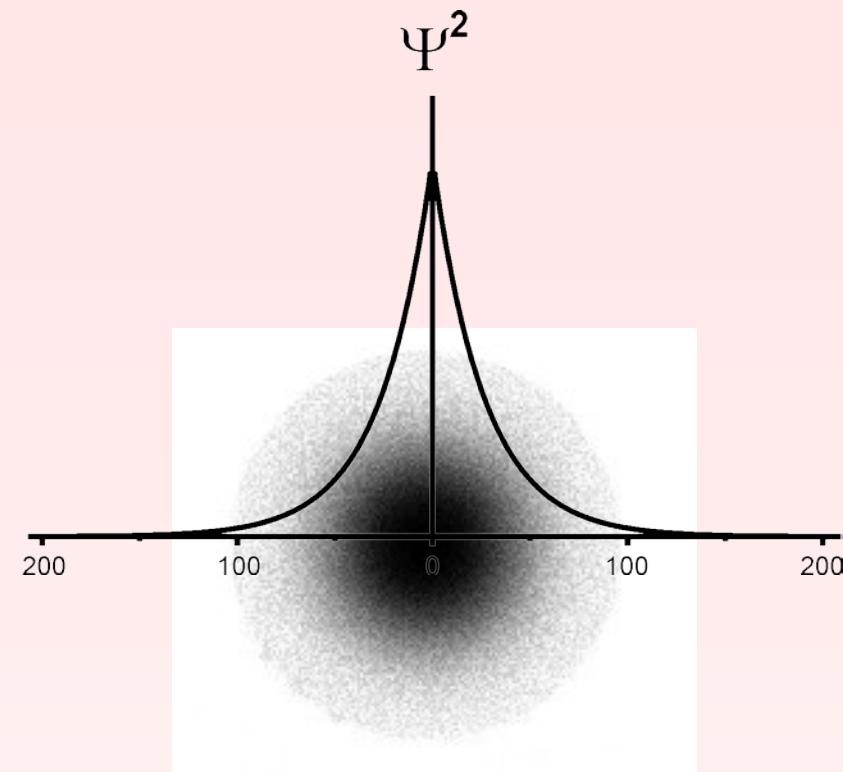
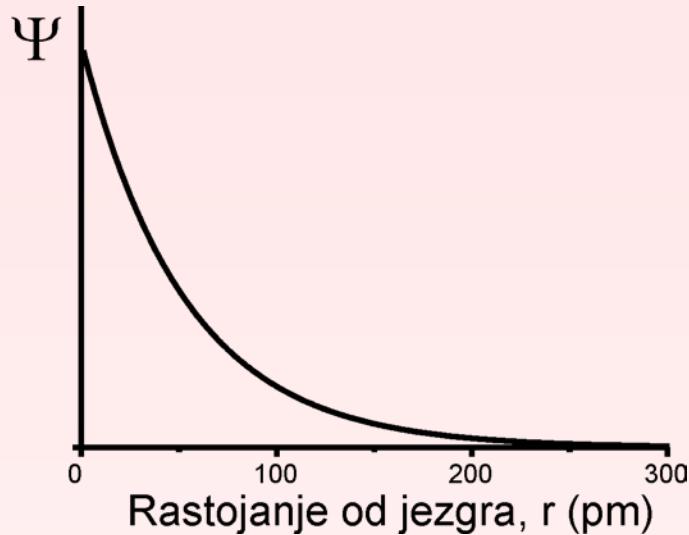
### NAJVAŽNIJE:

$4\pi r^2 R^2$  – radijalna gustina elektrona ( $p$ ,  $d$ ,  $f$ -elektroni)

$4\pi r^2 \Psi^2$  – radijalna gustina elektrona (s-elektroni)

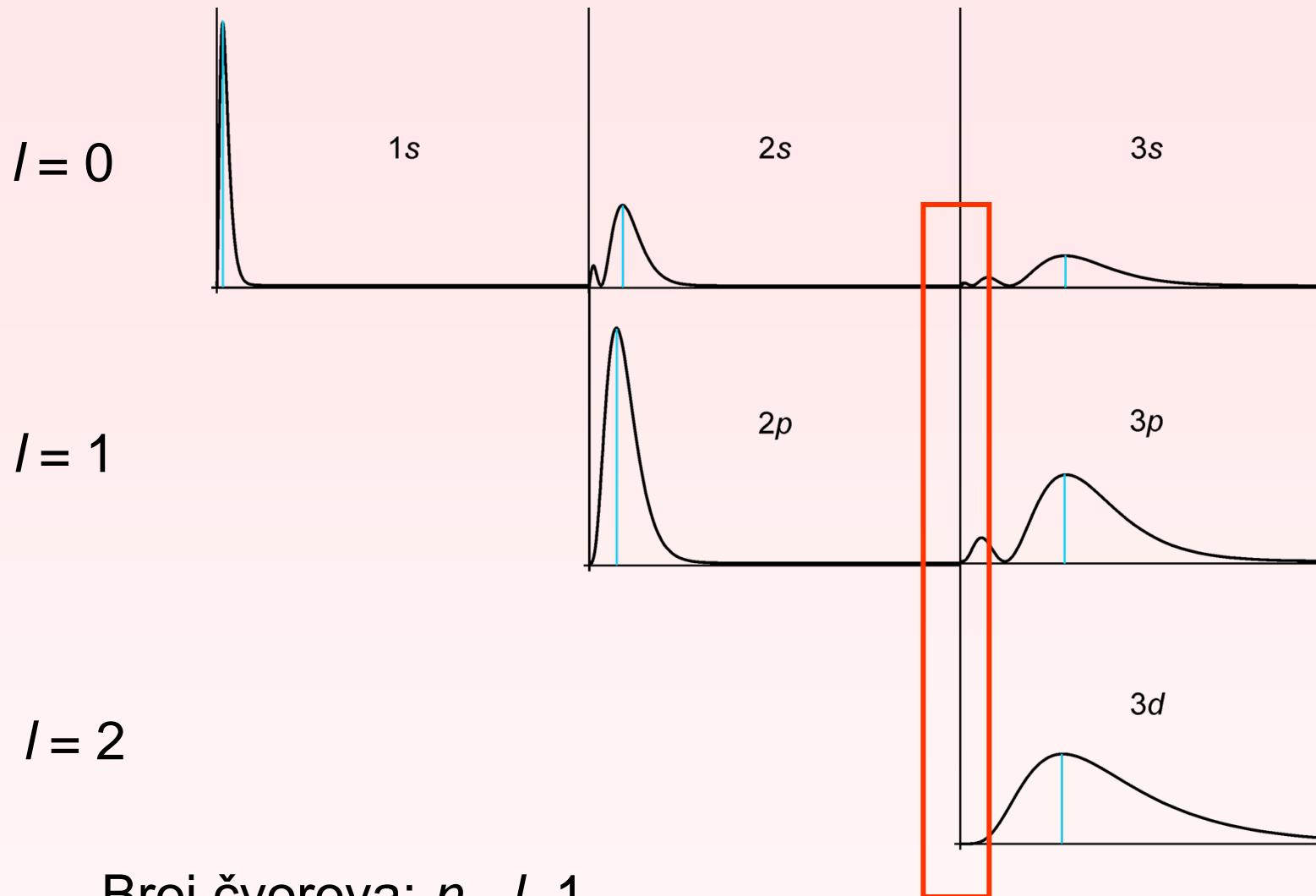
Predstavljaju verovatnoću nalaženja elektrona između dve bliske koncentrične sfere. <sup>©TMF</sup>

# 1 s-orbitala



©TMF Rastojanje od jezgra,  $r$  (pm)

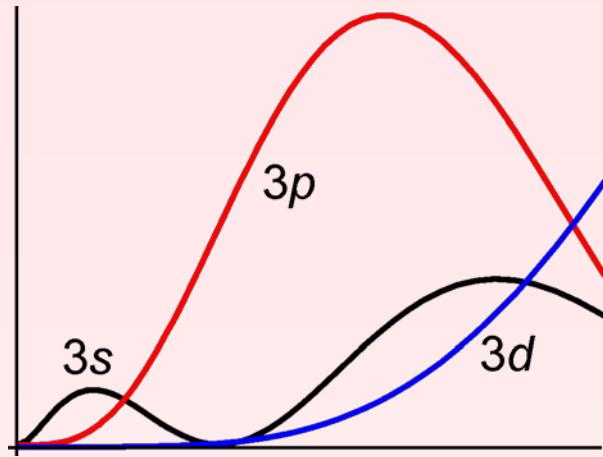
# Poređenje radijalnih gustina elektrona za različite orbitale



Broj čvorova:  $n - l - 1$

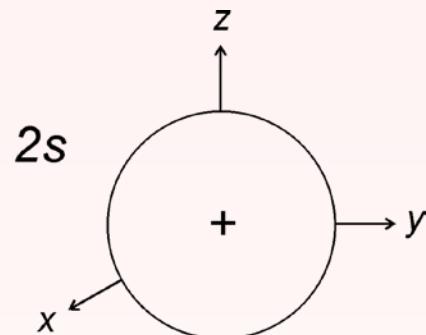
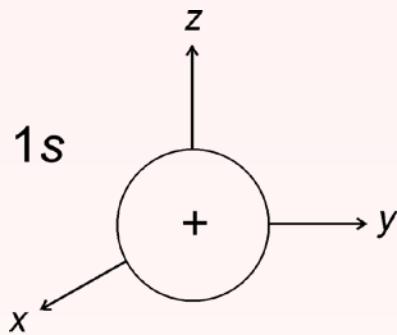
Položaj maksimuma verovatnoće

Prodiranje i međusobno <sup>©TMF</sup>zasenjivanje elektrona



$$Y^2(\phi, \theta)$$

**s-orbitale:**



©TMF

Prodiranje ka jezgru raste:

$$f < d < p < s$$

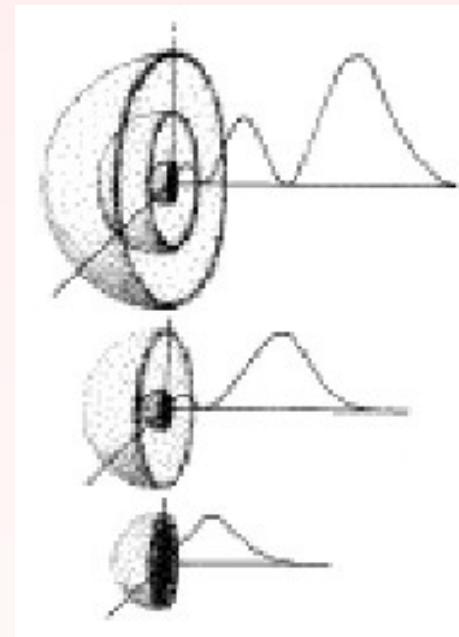
Moć zasenjivanja opada:

$$s > p > d > f$$

Energija orbitala raste:

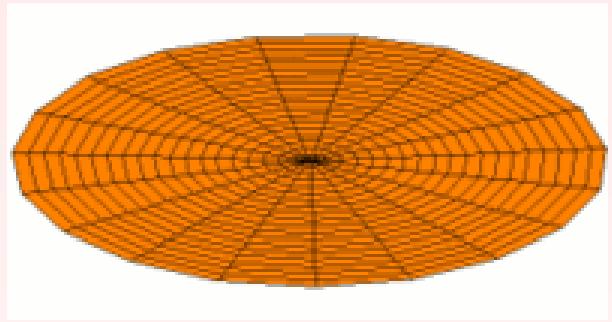
$$s < p < d < f$$

Umesto  $Z$  treba koristiti  $Z^*$  - efektivno naelektrisanje jezgra

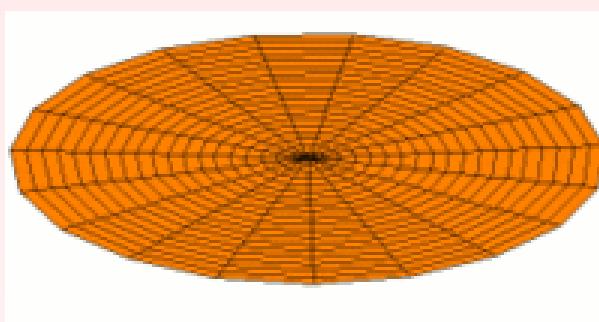


Talasne funkcije  $\Psi(r,\phi,\theta)$

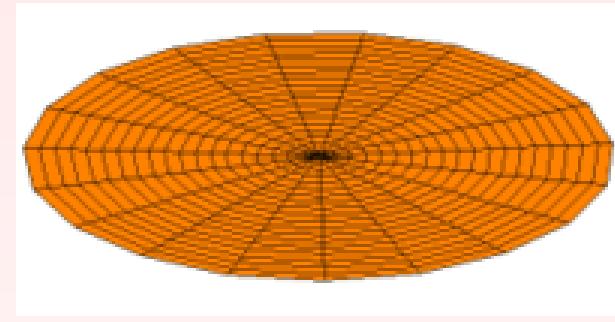
**s-orbitale**



**1s**



**2s**

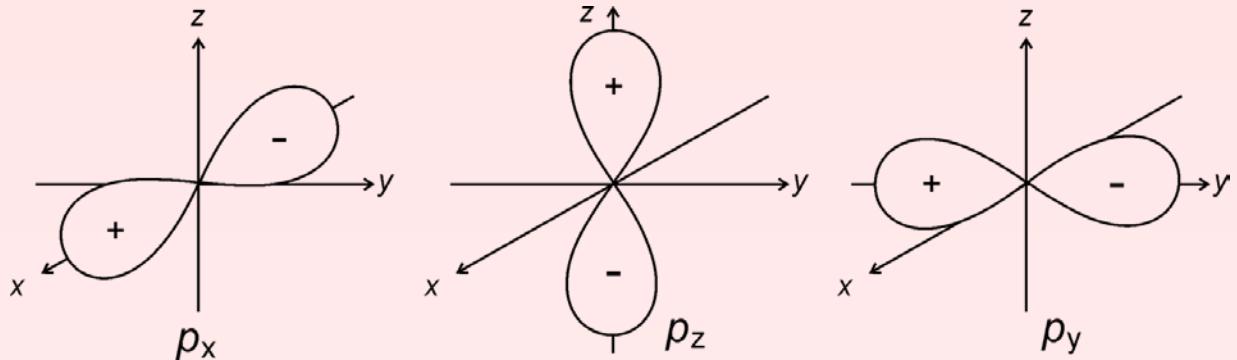


**3s**

**p-orbitale:**

$$l = 1$$

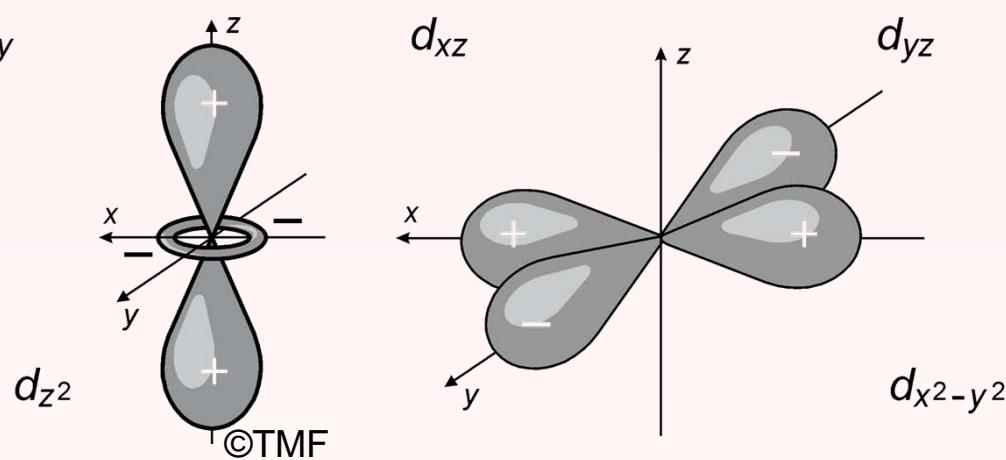
$$m_l = -1, 0, 1$$



**d-orbitale:**

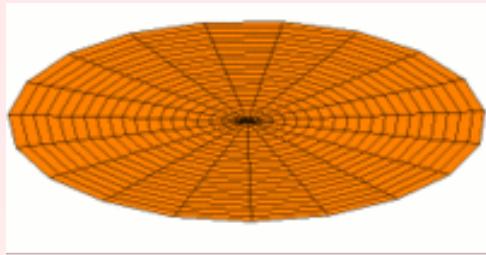
$$l = 2$$

$$m_l = -2, -1, 0, 1, 2$$

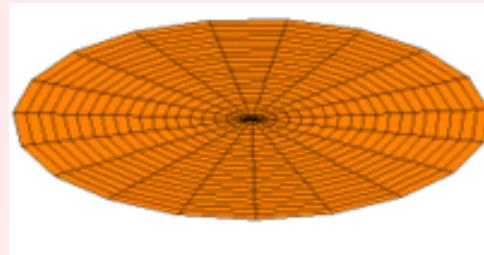


Talasne funkcije  $\Psi(r,\phi,\theta)$

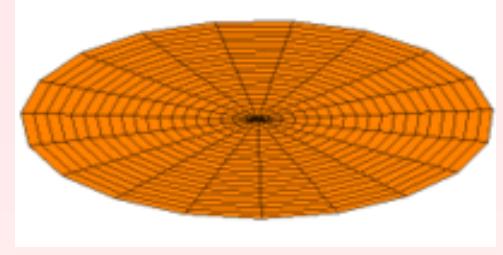
**p-orbitale**



**2p**

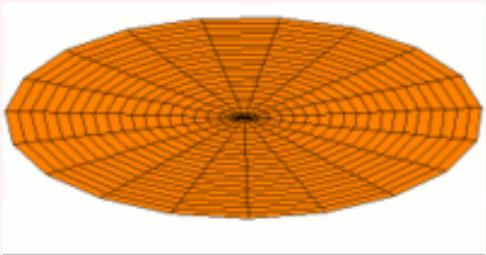


**3p**

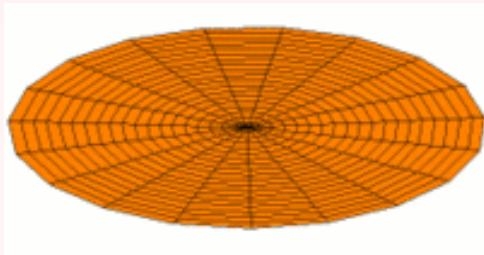


**4p**

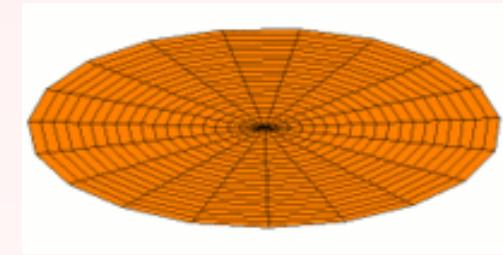
**d-orbitale**



**3d**

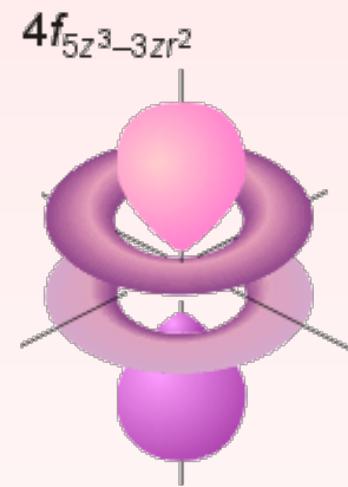
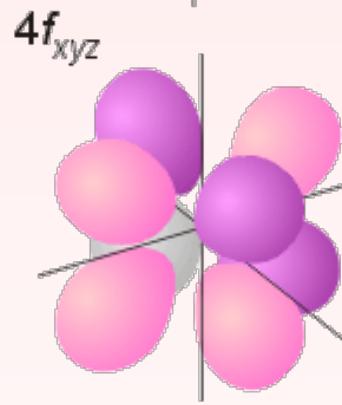
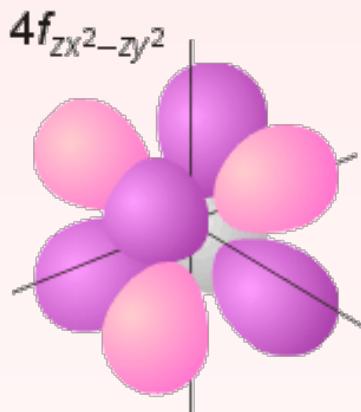
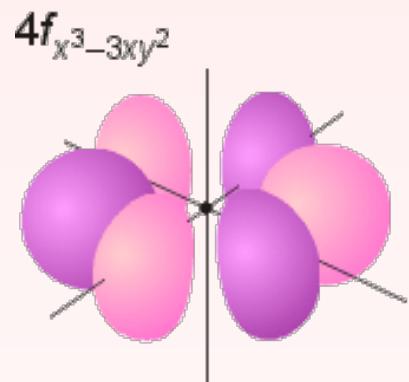
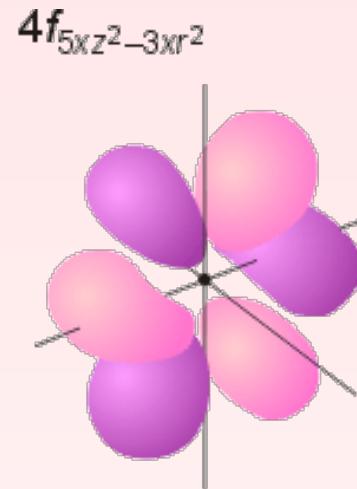
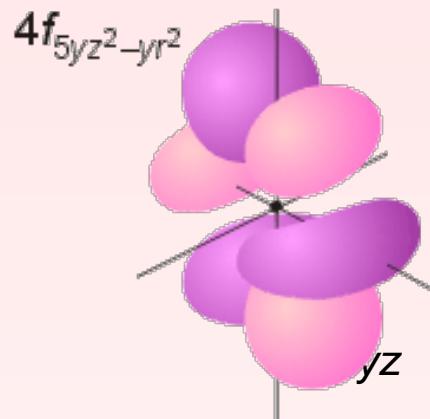
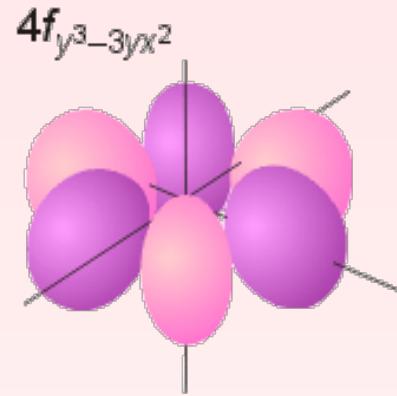


**4d**  
©TMF



**5d**

# $f$ -orbitale (ne treba učiti) - veoma komplikovanog oblika



# ELEKTRONSKA KONFIGURACIJA

- način na koji su orbitale (podnivoi) popunjene u atomu

Valentni elektroni: elektroni koji se nalaze u podnivoima najvišeg glavnog kvantnog broja

Podnivoi u kojima se nalaze valentni elektroni zajednički se nazivaju valentna ljeska.

| $n$ | oznaka | maksimalan broj elektrona na orbitalama |
|-----|--------|---|
| 1   | K      | $1s^2$                                  |
| 2   | L      | $2s^2, 2p^6$                            |
| 3   | M      | $3s^2, 3p^6, 3d^{10}$                   |
| 4   | N      | $4s^2, 4p^6, 4d^{10}, 4f^{14}$          |
| 5   | O      | $5s^2, 5p^6, 5d^{10}, 5f^{14}$          |
| 6   | P      | $6s^2, 6p^6, 6d^{10} \dots \text{?}$    |
| 7   | Q      | $7s^2, \dots \text{?}$                  |

Pri raspoređivanju elektrona po orbitalama i pisanju elektronske konfiguracije atoma treba voditi računa o **4** principa.

1. princip - Princip minimuma energije
2. princip – Paulijev princip isključenja
3. princip – Hundovo pravilo maksimalnog multipliciteta
4. princip – Princip stabilnosti popunjениh i polupopunjениh orbitala

## 1. princip - Princip minimuma energije:

U celini (energetski nivoi) ili u okviru nivoa (podnivoi) prvo se popunjavaju orbitale sa nižom energijom.

Kod atoma H energija zavisi samo od vrednosti  $n$  (može se odmah zaboraviti, jer se radi o jednom jedinom elektronu).

**Kod svih ostalih atoma energija zavisi od  $n$  i  $l$ , odnosno zbir  $n+l$ . Manji zbir – niža energija!**

primer: 2s- i 3s-orbitale,  $2+0$  je manje od  $3+0$ , sledi  
2s-orbitale se popunjavaju pre 3s-orbitala.

**Manja vrednost  $n$  ne znači automatski nižu energiju** (kada  $n$  raste, energetski nivoi se približavaju - „zgušnjavaju”).

Za  $n=\text{const.}$  energija raste u nizu  $s < p < d < f$  (tj.  $l = 0, 1, 2, 3$ ).

primer: 3s- i 3p-orbitale,  $3+0=3$  je manje od  $3+1=4$ , sledi  
prvo se popunjavaju 3s-orbitale

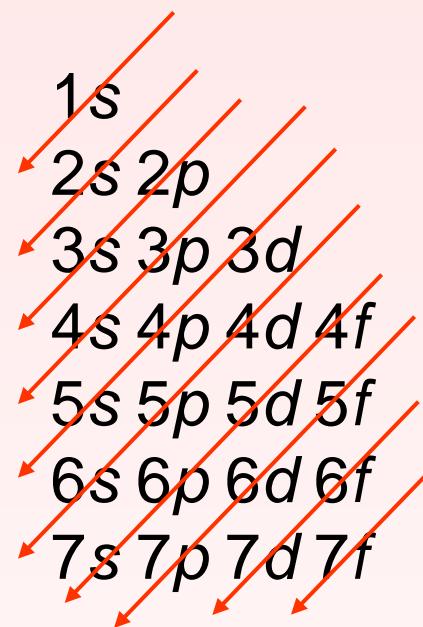
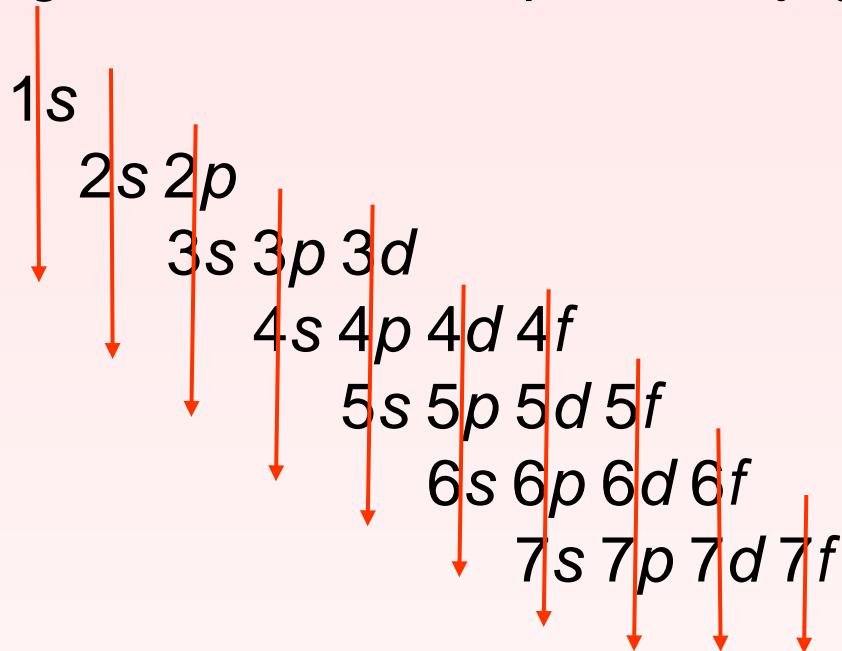
primer: 4s- i 3d-orbitale,  $4+0=4$ ,  $3+2=5$ , sledi  
prvo se popunjavaju 4s-orbitale

primer: 4s- i 3p-orbitale,  $4+0=4$ ,  $3+1=4$  ???????  
prvo se popunjavaju 3p-orbitale

**Ako su zbroji jednakni nižu energiju imaju orbitale sa manjim  $n$ !**

Važno je uočiti da se  $4s$ - popunjavaju pre  $3d$ -orbitala,  
 $5s$ - pre  $4d$ -orbitala,  $4f$ - pre  $5d$ -orbitala itd.

Pomoćna šema (u knjizi Opšta hemija, I deo, M. Dragojević i dr.  
pogrešno nazvana „pravilo dijagonala”):



## 2. princip – Paulijev princip isključenja:

Određuje maksimalan broj elektrona na pojedinačnim orbitalama, na podnivoima i nivoima i opisan je ranije!

### 3. princip – Hundovo pravilo maksimalnog multipliciteta

Ako postoji više orbitala iste energije – tzv. degenerisane orbitale – one se prvo popunjavaju sa po jednim elektronom, pri čemu su svi elektroni istog spina.

primer: postoje tri  $p$ -orbitale, ako na njih treba rasporediti tri elektrona postoje dve mogućnosti

1 1 1 ✓

1 1 1 ✗

Elektroni su negativno nanelektrisani, međusobno se odbijaju i teže da se, koliko je to moguće, udalje jedni od drugih, a da istovremeno imaju paralelne spinove (**maksimalni multiplicitet**).

Postoji **energija sparivanja elektrona**, koja je veća od nule. Elektroni će se sparivati samo ako je razlika u energiji energetskih nivoa veća od energije sparivanja elektrona.

Ako se u orbitali nalaze dva elektrona, oni moraju imati suprotne spinove i za njih kažemo da su **SPARENI**.

Elektroni koji se nalaze u polupopunjenim orbitalama su **NESPARENI** elektroni.

**PARAMAGNETICI** – supstance koje sadrže nesparene elektrone

- ponašaju se kao magneti, magnetsko polje ih privlači!

**DIJAMAGNETICI** – supstance kod kojih su svi elektroni spareni

- magnetsko polje ih odbija!

## 4. princip – Princip stabilnosti popunjениh i polupopunjениh orbitala

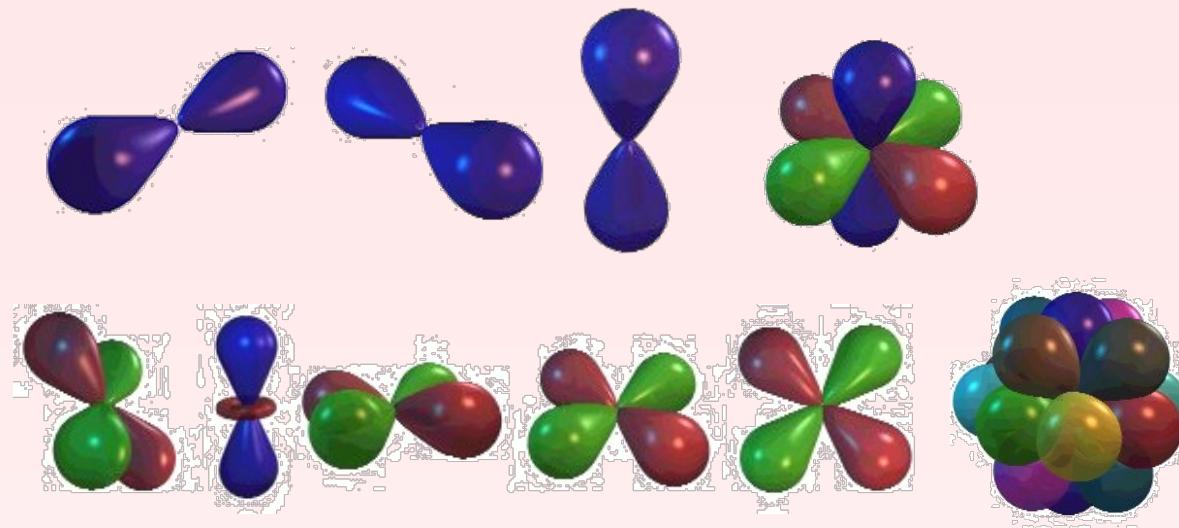
Empirijsko pravilo koje potvrđuju:

- izuzetna stabilnost elektronskih konfiguracija plemenitih gasova, koji veoma teško stupaju u hemijske reakcije,
- neki elementi oko sredine i pri kraju *d*-bloka elemenata.

primeri:

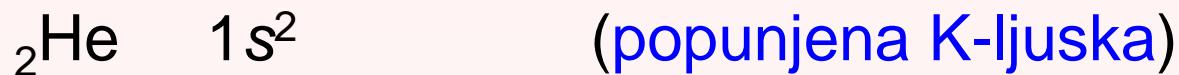
- očekivana konfiguracija valentnih elektrona  $_{24}\text{Cr}$ :  $3d^4 4s^2$
- stvarna konfiguracija  $_{24}\text{Cr}$ :  $3d^5 4s^1$
- očekivana konfiguracija valentnih elektrona elemenata grupe bakra (11. grupa, Cu, Ag i Au):  $(n-1)d^9 ns^2$
- stvarna konfiguracija:  $(n-1)d^{10} ns^1$

## Najjednostavnije objašnjenje:

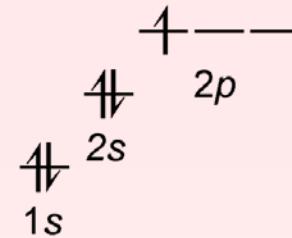
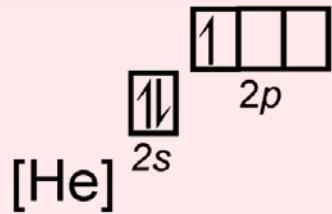
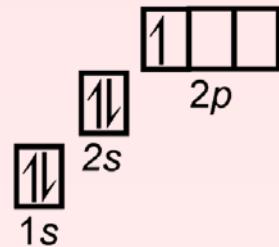


Uzete zajedno *p*-,  
odnosno *d*-orbitale  
čine približno sfernu  
simetriju.

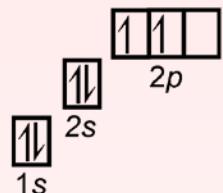
## Elektronske konfiguracije nekih elemenata:



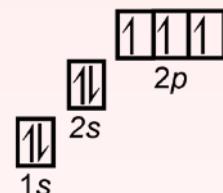
${}^5\text{B}$        $1s^2 2s^2 2p^1$   
 $[\text{He}] 2s^2 2p_x^1$       (konfiguraciju prethodne ljeske  
 zamenjujemo plemenitim gasom)



${}^6\text{C}$        $[\text{He}] 2s^2 2p^2$

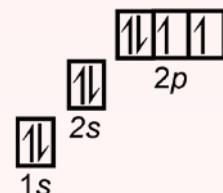


${}^7\text{N}$        $[\text{He}] 2s^2 2p^3$



Hund: maksimalan broj nesparenih elektrona!

${}^8\text{O}$        $[\text{He}] 2s^2 2p^4$



itd.

$^{30}\text{Zn}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2 3\text{p}^6 4\text{s}^2 3\text{d}^{10}$

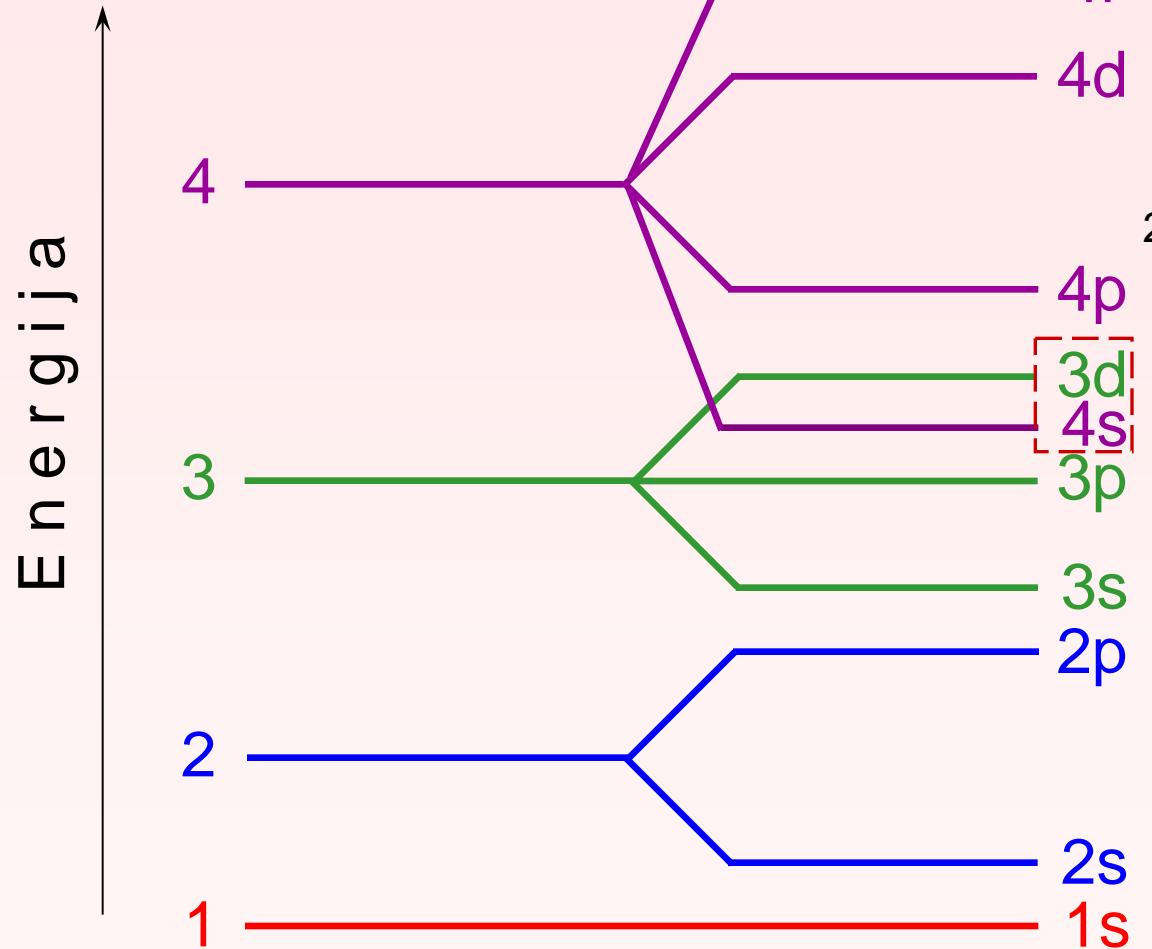
$^{28}\text{Ni}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2 3\text{p}^6 4\text{s}^2 3\text{d}^8$

$^{20}\text{Ca}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2 3\text{p}^6 4\text{s}^2$

$^{18}\text{Ar}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2 3\text{p}^6$

$^{16}\text{S}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2 3\text{p}^4$

$^{12}\text{Mg}$ :  $1\text{s}^2 2\text{s}^2 2\text{p}^6 3\text{s}^2$



$_{27}^{\text{Co}}$ :  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^2 3d^7$  ili [Ar]  $4s^2 3d^7$

Umesto [Ar]  $4s^2 3d^7$  bolje je na kraju napisati [Ar]  $3d^7 4s^2$ , jer to pokazuje pravi redosled jonizacije elektrona, što će nam trebati kasnije. Na primer, kada nastane jon  $\text{Co}^{2+}$ , on ima konfiguraciju [Ar]  $3d^7$ .

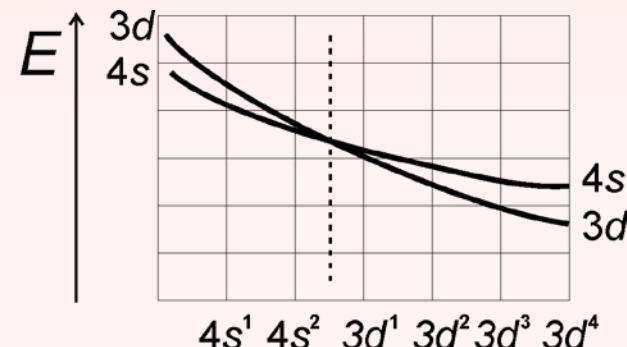
$_{26}^{\text{Fe}}$  [Ar]  $3d^6 4s^2$

$_{26}^{\text{Fe}}{}^{2+}$  [Ar]  $3d^6$

$_{26}^{\text{Fe}}{}^{3+}$  [Ar]  $3d^5$

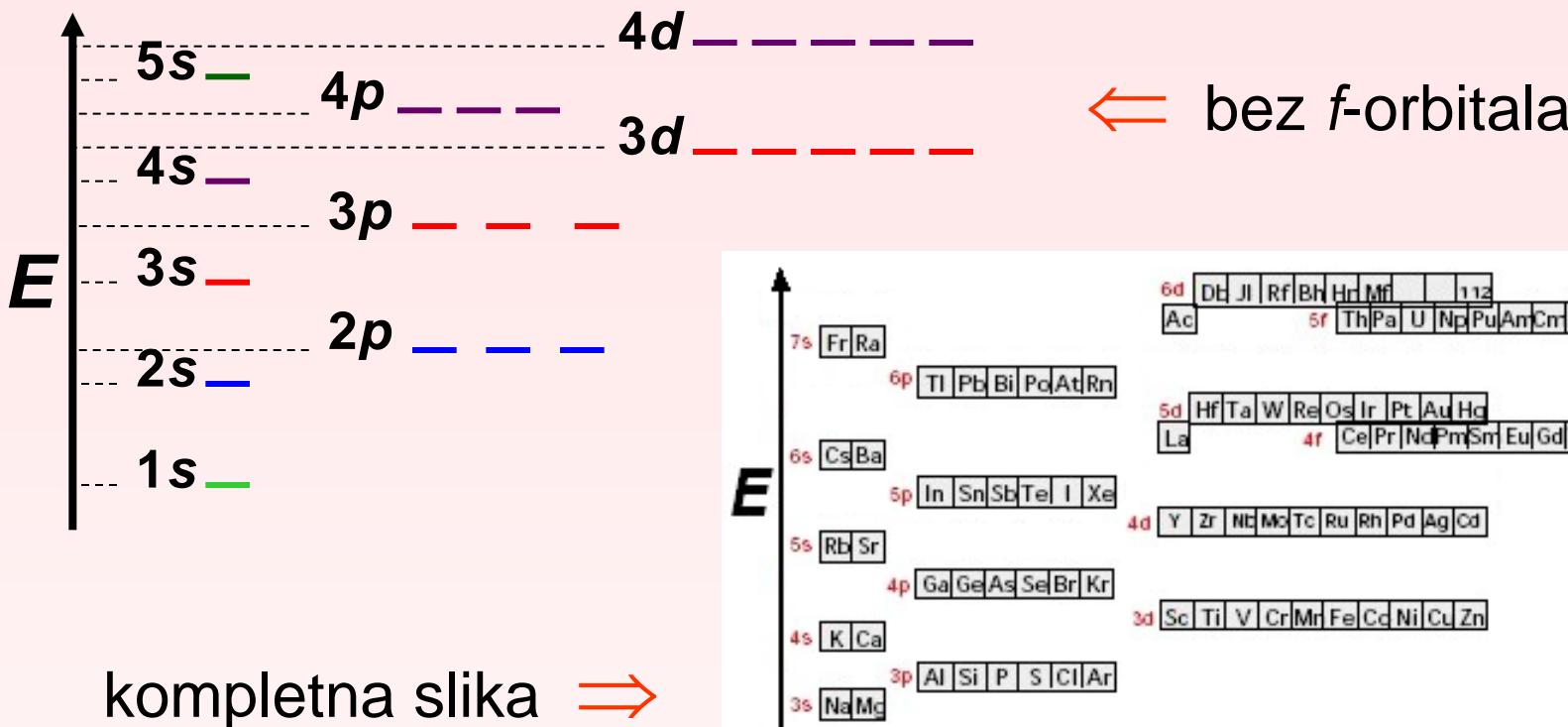
**Pravilo: Šta se prvo puni, to se prvo prazni!**

Dakle, redosled popunjavanja i redosled jonizacije se razlikuju!



**Objašnjenje:** kada počne popunjavanje  $3d$ -orbitala njihova energija padne ispod energije  $4s$ -orbitala.

Redosled popunjavanja orbitala može se videti i iz sledećih šema (energije nisu u razmeri):



Napomena: celo priča se odnosila na atome u osnovnom stanju (izolovani atomi bez interakcija sa drugim česticama, što praktično podrazumeva gasovito-agregatno stanje).